Эмпирическая структура процентных ставок

Францев Александр

### Введение

Временная структура процентных ставок –это последовательность значений процентных ставок, упорядоченная по сроку погашения в определенный момент времени. Это функция процентной ставки по займу от времени до погашения, графическую презентацию которой называют кривой доходности.

В ходе работы был проведен анализ структуры процентных ставок по государственным облигациям с нулевым купоном - разновидность облигации (bond), по которой не предусматривается выплата процентов.

Данные по доходности бескупонных облигации в свободном доступе и могут быть получены на [саите Центрального банка Россиискои Федерации](http://www.cbr.ru/gcurve/GDB.asp)[4]. Именно они и были использованы в качестве основных данных для исследования.

### Терминология

Банк России дает следующий список используемых терминов с их определениями, которыми мы тоже будем пользоваться в ходе работы:

*Бескупонная доходность* - доходность к погашению дисконтной облигации. Кривая бескупонной доходности (zero-coupon yield curve) - совокупность бескупонных доходностей для различных сроков до погашения облигаций.  
*Кривая бескупонной доходности по государственным ценным бумагам (G-кривая)* - кривая бескупонной доходности, определенная на основании сделок с облигациями на рынке государственных краткосрочных бескупонных облигаций (ГКО) и облигаций федеральных займов (ОФЗ).  
*Изотермный ряд* – временной ряд бескупонных доходностей с заданным сроком до погашения облигаций.  
*Доходность сделки* - доходность к погашению, соответствующая цене определенной сделки с облигациями и рассчитанная в порядке, установленном на рынке ГКО-ОФЗ.  
*Расчетная цена* - цена облигации, рассчитанная по кривой бескупонной доходности как сумма дисконтированных выплат по данной облигации.  
*Расчетная доходность* - доходность к погашению, соответствующая расчетной цене данной облигации.  
*База расчета* - список выпусков облигаций (ГКО-ОФЗ), используемых при расчете G-кривой.  
*Ретроспективный период* - период между предыдущей и текущей датами пересмотра базы расчета/численных параметров модели G-кривой. Базисный пункт - единица измерения доходности, равная одной сотой процента (0,01%).

### Описание данных

База процентных ставок содержит в себе информацию с 4 января 2003 года и по текущий момент. Данные представляют собой рассчитанные значения облигации с разным сроком погашения (от 1 до 30 лет) в определенную дату. Расчет доходности осуществляется ЗАО ММВБ в режиме реального времени по сделкам и заявкам на рынке государственных ценных бумаг. В основе методологии лежит параметрическая модель Нельсона-Сигеля с добавлением слагаемых, обеспечивающих дополнительные степени свободы и как следствие более точную подгонку кривой к данным торгов.Теоретическая доходность к погашению каждого выпуска ОФЗ, включенного в базу расчета, равняется сумме доходности к погашению, рассчитанной на основе G-кривой, и корректирующей поправки. Часть выпусков назначается опорными выпусками ("бенчмарками"), к ним G-кривая подстраивается без корректирующих поправок.

Кривая бескупонной доходности представляет собой общепринятый способ описания временной структуры процентных ставок для однородных финансовых инструментов с одинаковыми качественными характеристиками, в том числе сходного кредитного качества. Данный инструмент широко используется в аналитических целях центральными и коммерческими банками, а также финансовыми компаниями. Кривая бескупонной доходности по государственным ценным бумагам является одним из главных индикаторов состояния финансового рынка и базовым эталоном для оценки различных облигаций и иных финансовых инструментов.

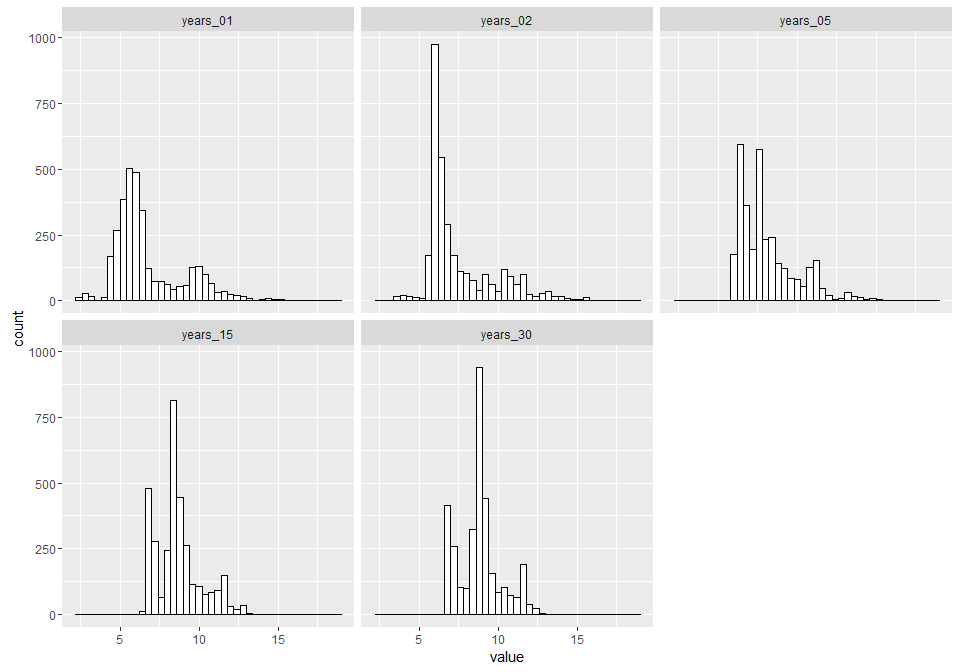
Более подробно о [методике расчета](http://www.cbr.ru/gcurve/Mthodics.pdf)[3] и построения [кривои бескупоннои доходности](http://www.cbr.ru/gcurve/gko_yieldcurve_rcb_3_2006.pdf)[2] по государственным ценным бумагам можно прочитать на сайте банка России.

### Описательные статистики бумаг с разным сроком погашения

Прежде всего опишем данные, разбив на группы по доходности погашения. В работе будем рассматривать лишь данные по срокам погашения в 1 год, 2 года, 5 лет и 30 лет, полную статистику см. в приложении 3:

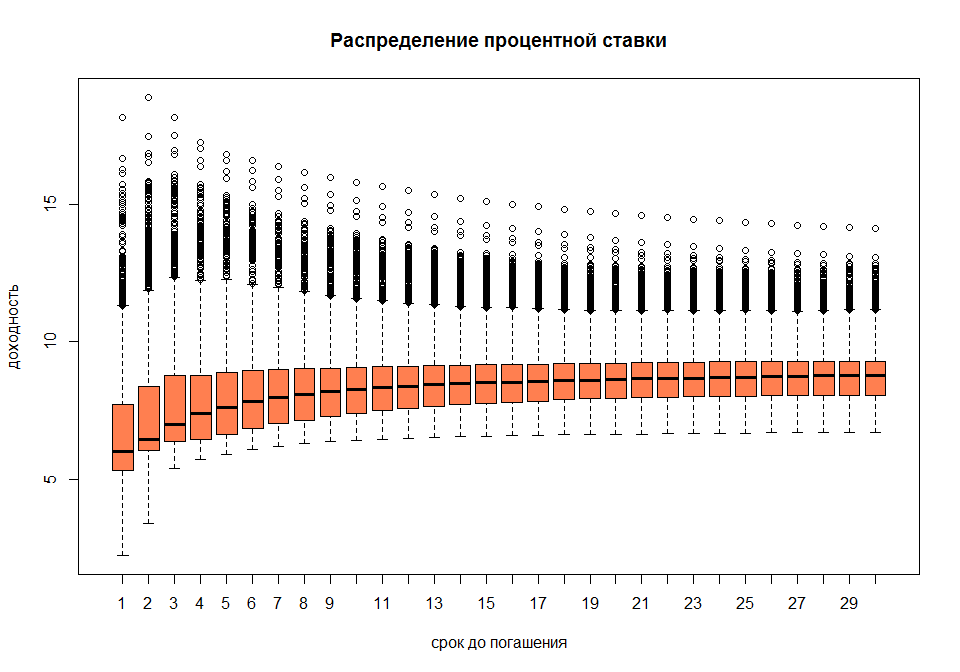
|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| срок до погашения | 1 год | 2 года | 5 лет | 15 лет | 30 лет |
| минимальное значение | 2.23 | 3.4 | 5.91 | 6.57 | 6.71 |
| максимальное значение | 18.14 | 18.89 | 16.82 | 15.11 | 14.11 |
| среднее значение | 6.7675498 | 7.5070634 | 8.1056526 | 8.6662145 | 8.822003 |
| медиана | 6.02 | 6.47 | 7.63 | 8.51 | 8.79 |
| средне кв. отклонение | 2.2291162 | 2.2281857 | 1.8229045 | 1.4370228 | 1.3476924 |

И проведем Shapiro-Wilk normality test на нормальность и построим гистограммы, более подробно см. приложение 2:

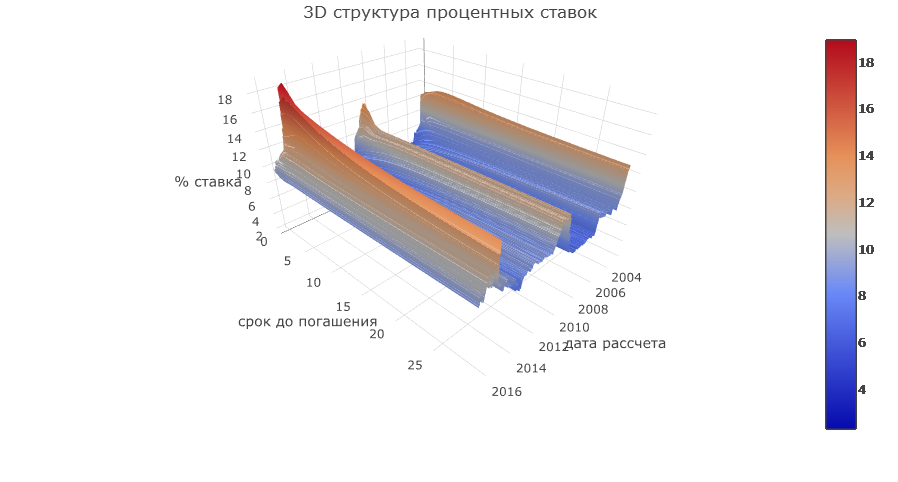


|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| срок до погашения | 1 год | 2 года | 5 лет | 15 лет | 30 лет |
| W статистика | 0.8710281 | 0.814834 | 0.871324 | 0.9256557 | 0.9333328 |
| p значение < 0.01 | TRUE | TRUE | TRUE | TRUE | TRUE |

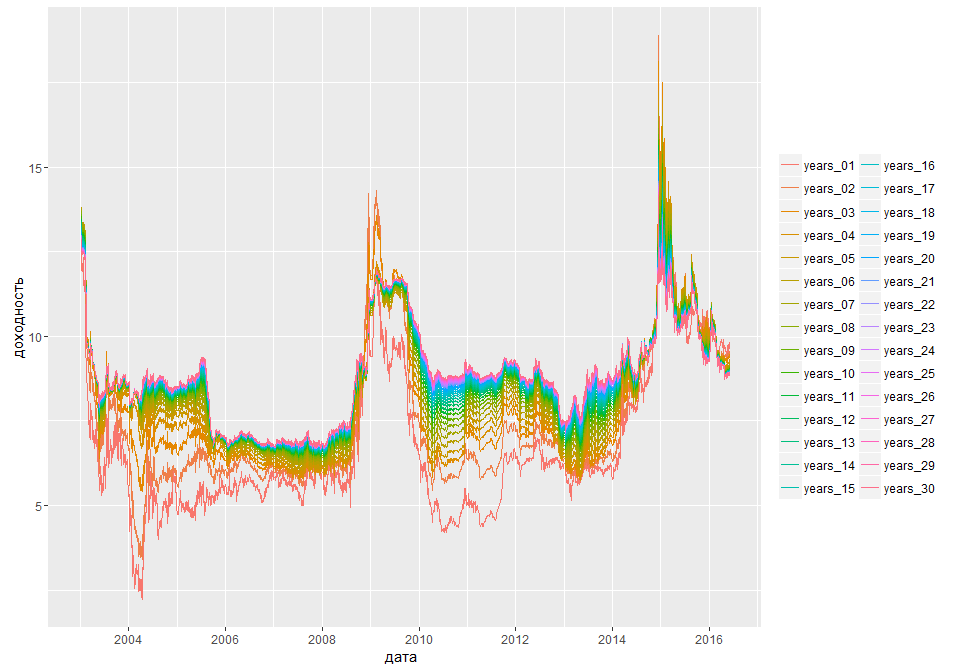
Для наглядности построим графики отклонения от среднего для всех бумаг в зависимости от срока погашения:

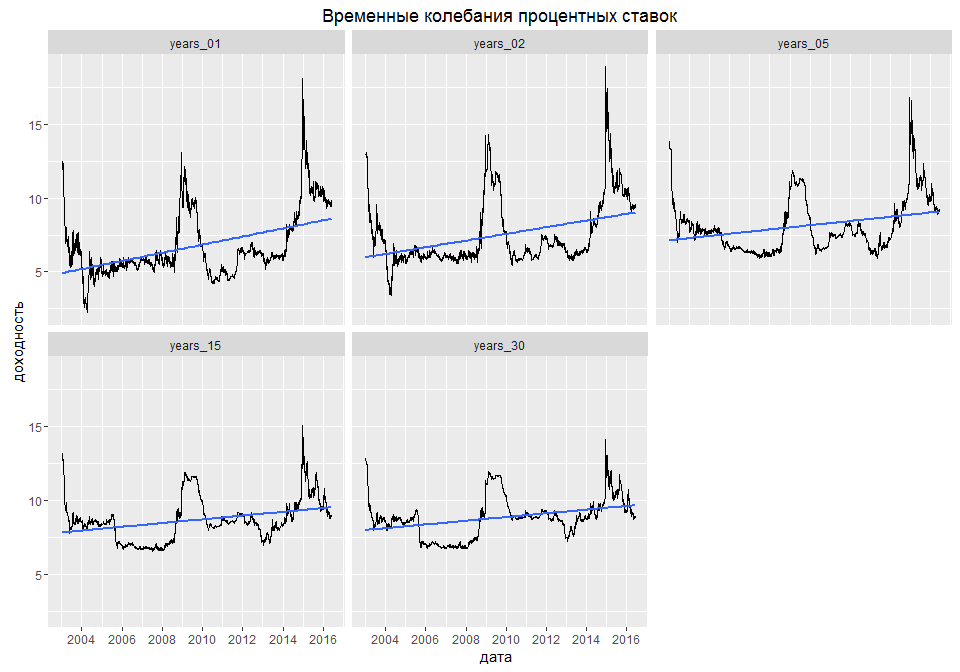


Если же мы построим трехмерный график модели, где по горизонтальным осям будут дата подсчета ставки и срок до погашения, а по вертикали процентная ставка:



Рассмотрим изотермный ряд

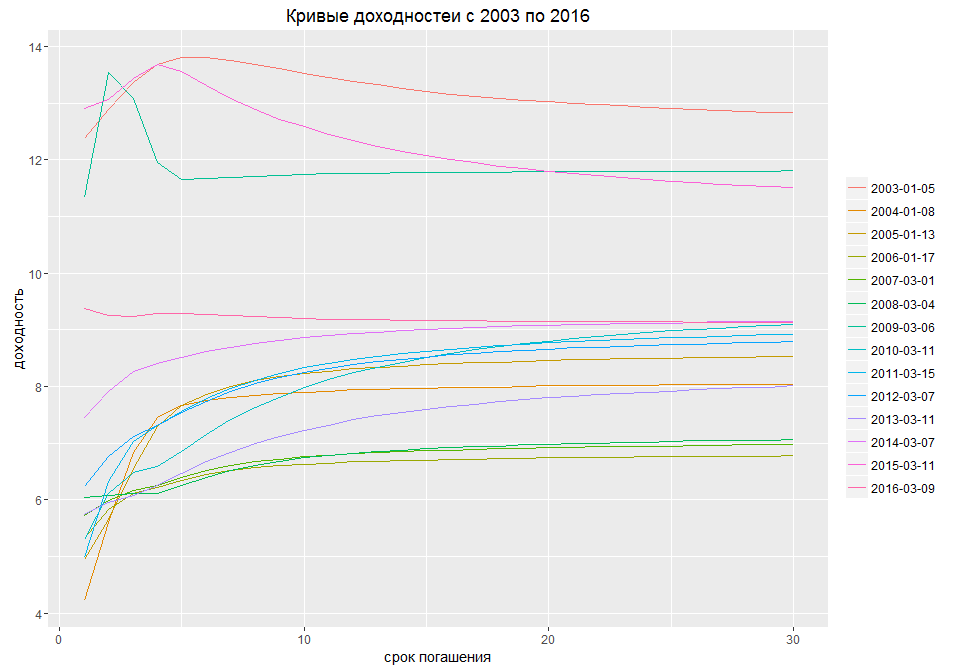




Из графиков можно заметить общее движение кривых для разных сроков погашения, так же у краткосрочных бумаг более резкие перепады и более значимые скачки.

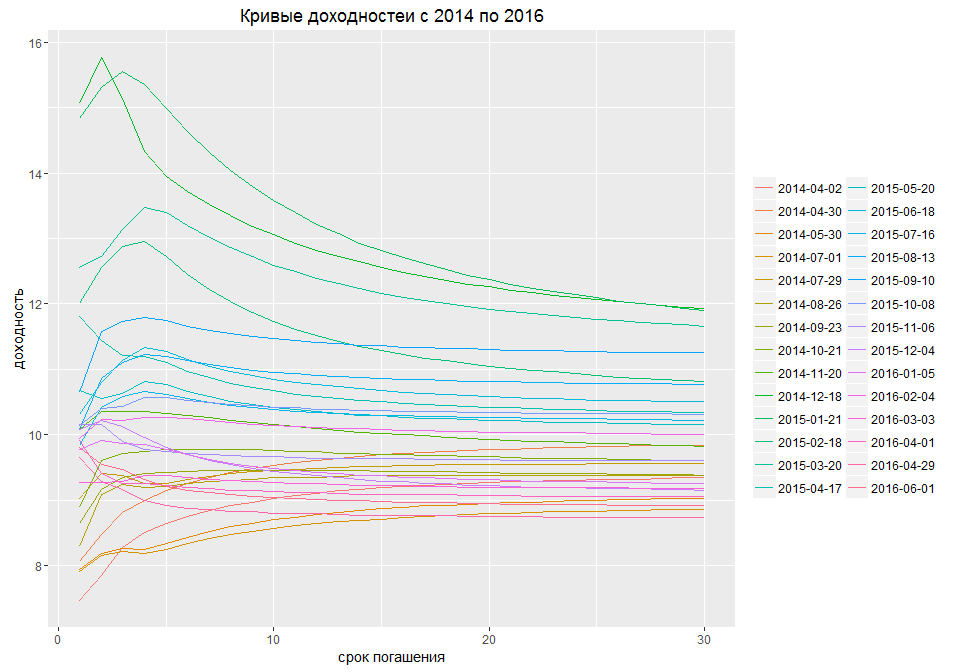
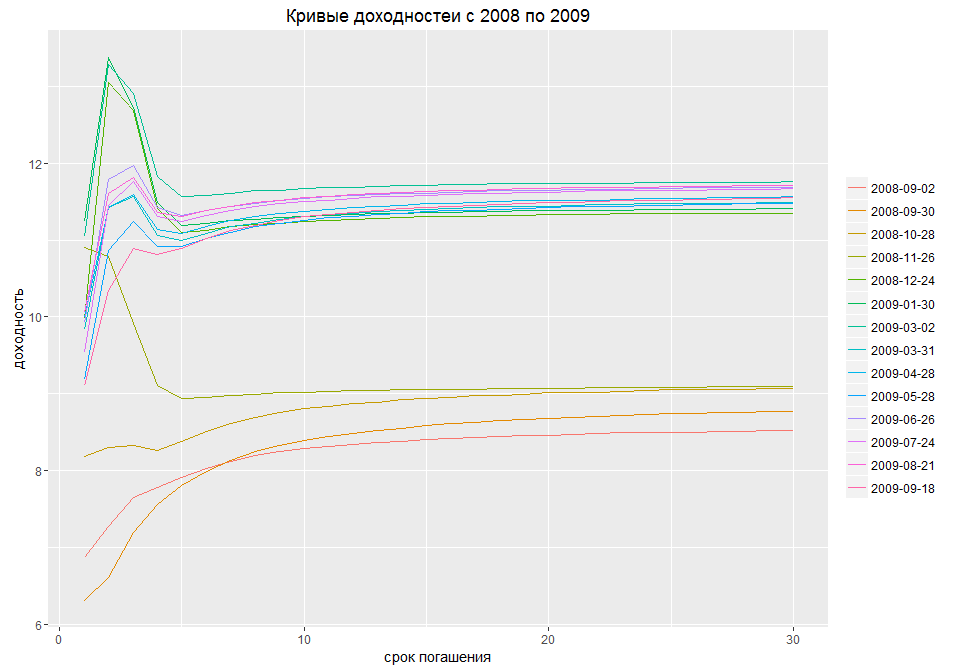
### Кривые доходностеи

Рассмотрим временную структуру кривых доходности. Кривые доходности более заметно отличаются при меньшем сроке погашения, это хорошо видно на примере графиков доходности с разницей приблизительно в 1 год:



Типичной формой кривой доходности является монотонно восходящая линия, которая характерна для большинства развитых стран в периоды стабильной макроэкономической ситуации или роста. Такую кривую часто называют нормальной кривой доходности. Однако это не всегда так, согласно имеющимся данным кривая доходности хоть и имеет прямые концы, но может принимать произвольную форму.

Особенно хорошо видно резкое изменение доходности на рисунке "3D структура процентных ставок" в периоды кризисов 2008-2009 и 2014-2016 годов, в связи с этим акцентируем свое внимание именно на этих периодах: с сентября 2008 по сентябрь 2009 и с апреля 2014 по июнь 2016:



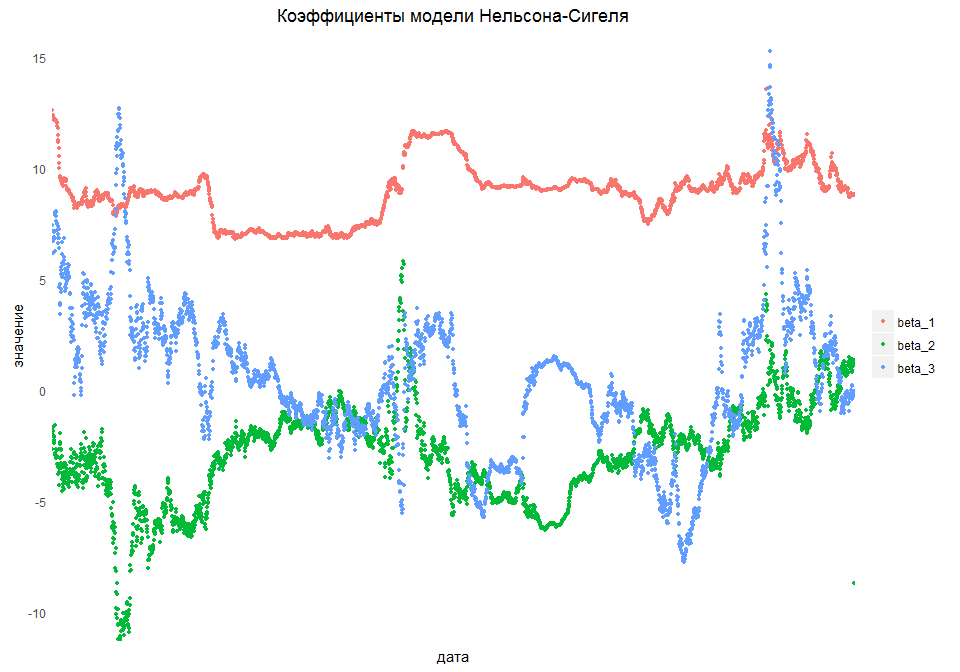
Проведем тест Kruskal-Wallis rank sum test для проверки того отличается ли доходность бумаг с разным сроком погашения. Нулевая гипотеза - доходность от срока не зависит.

##   
## Kruskal-Wallis rank sum test  
##   
## data: value by variable  
## Kruskal-Wallis chi-squared = 10365, df = 29, p-value < 2.2e-16

Из полученного результата можем смело отклонить эту гипотезу

### Параметрическая оценка коэффициентов уровня, наклона и кривизны кривых доходности

Существует множество моделей по оценке структуры процентных ставок на основе рыночных данных. Одной из таких моделей является модель Нельсона-Сигеля и различные ее усложнения. Эта модель хорошо зарекомендовала себя на рынках как развитых, так и развивающихся стран. Банк России строит кривую доходности так же основываясь на вариации модели Нельсна и Сигеля. Мы же по имеющимся данным попробуем найти коэффициенты кривых доходности обычной модели. Diebold и Li показали[1], что коэффициенты могут интерпретироваться как компоненты, отвечающие за кратко-, средне- и долгосрочную динамику . Параметр обычно считают постоянным, его берут равным величине, при которой достигается максимум коэффициента при при сроке 2-3 года.В соответствии с данным подходом примем равным 0.597761 и рассчитаем коэффициенты в каждый момент времени с помощью метода наименьших квадратов, построив график зависимости значения коэффициента от времени.

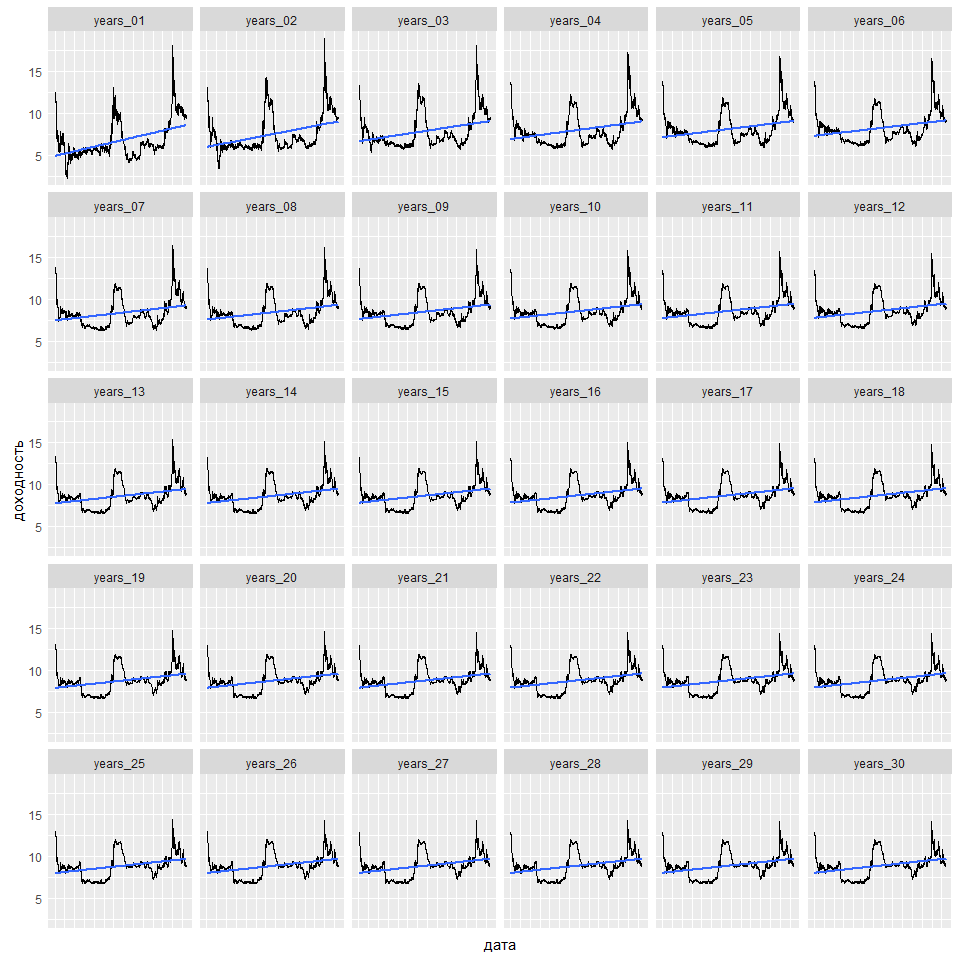


Согласно построенному графику видно, что долгосрочная компонента - коэффициент все время держится в районе 10%, а вот краткосрочная - и среднесрочная - компаненты колеблются довольно произвольно, могут быть как положительными, так и отрицательными.

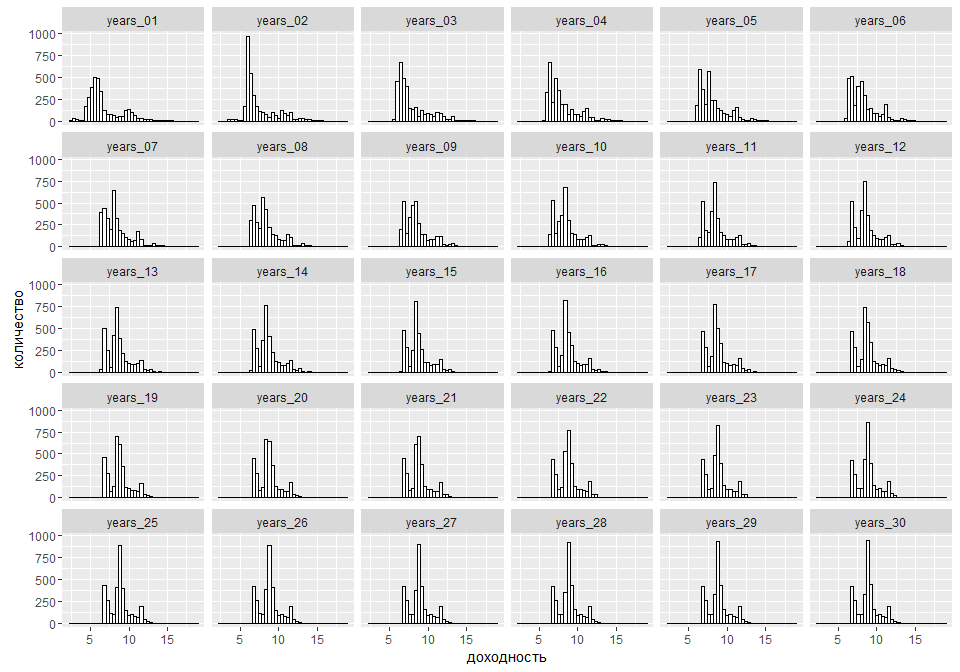
### Заключение

В рамках проекта удалось с разных сторон рассмотреть структуру бескупонных государственных бумаг, их доходности, изотермные ряды, рассмотреть кривые доходности и их изменения с 2003 года.

### Приложение 1. Временные колебания процентных ставок



### Приложение 2. Распределение доходностеи



### Приложение 3. Описательные статистики

## years\_01 years\_02 years\_03 years\_04   
## Min. : 2.230 Min. : 3.400 Min. : 5.400 Min. : 5.740   
## 1st Qu.: 5.340 1st Qu.: 6.040 1st Qu.: 6.390 1st Qu.: 6.470   
## Median : 6.020 Median : 6.470 Median : 7.010 Median : 7.380   
## Mean : 6.768 Mean : 7.507 Mean : 7.866 Mean : 7.976   
## 3rd Qu.: 7.728 3rd Qu.: 8.377 3rd Qu.: 8.768 3rd Qu.: 8.790   
## Max. :18.140 Max. :18.890 Max. :18.130 Max. :17.230   
## years\_05 years\_06 years\_07 years\_08   
## Min. : 5.910 Min. : 6.090 Min. : 6.210 Min. : 6.300   
## 1st Qu.: 6.630 1st Qu.: 6.840 1st Qu.: 7.020 1st Qu.: 7.150   
## Median : 7.630 Median : 7.830 Median : 7.990 Median : 8.100   
## Mean : 8.106 Mean : 8.229 Mean : 8.326 Mean : 8.401   
## 3rd Qu.: 8.877 3rd Qu.: 8.950 3rd Qu.: 9.010 3rd Qu.: 9.030   
## Max. :16.820 Max. :16.570 Max. :16.350 Max. :16.140   
## years\_09 years\_10 years\_11 years\_12   
## Min. : 6.370 Min. : 6.420 Min. : 6.460 Min. : 6.500   
## 1st Qu.: 7.280 1st Qu.: 7.400 1st Qu.: 7.500 1st Qu.: 7.582   
## Median : 8.200 Median : 8.280 Median : 8.340 Median : 8.390   
## Mean : 8.463 Mean : 8.512 Mean : 8.554 Mean : 8.589   
## 3rd Qu.: 9.040 3rd Qu.: 9.068 3rd Qu.: 9.098 3rd Qu.: 9.110   
## Max. :15.960 Max. :15.790 Max. :15.630 Max. :15.480   
## years\_13 years\_14 years\_15 years\_16   
## Min. : 6.530 Min. : 6.550 Min. : 6.570 Min. : 6.590   
## 1st Qu.: 7.660 1st Qu.: 7.723 1st Qu.: 7.772 1st Qu.: 7.810   
## Median : 8.440 Median : 8.470 Median : 8.510 Median : 8.530   
## Mean : 8.618 Mean : 8.644 Mean : 8.666 Mean : 8.686   
## 3rd Qu.: 9.137 3rd Qu.: 9.150 3rd Qu.: 9.160 3rd Qu.: 9.180   
## Max. :15.350 Max. :15.220 Max. :15.110 Max. :15.000   
## years\_17 years\_18 years\_19 years\_20   
## Min. : 6.610 Min. : 6.620 Min. : 6.630 Min. : 6.640   
## 1st Qu.: 7.853 1st Qu.: 7.893 1st Qu.: 7.930 1st Qu.: 7.952   
## Median : 8.560 Median : 8.590 Median : 8.610 Median : 8.630   
## Mean : 8.703 Mean : 8.718 Mean : 8.732 Mean : 8.744   
## 3rd Qu.: 9.190 3rd Qu.: 9.200 3rd Qu.: 9.210 3rd Qu.: 9.230   
## Max. :14.910 Max. :14.820 Max. :14.730 Max. :14.650   
## years\_21 years\_22 years\_23 years\_24   
## Min. : 6.650 Min. : 6.660 Min. : 6.670 Min. : 6.670   
## 1st Qu.: 7.970 1st Qu.: 7.982 1st Qu.: 8.010 1st Qu.: 8.020   
## Median : 8.650 Median : 8.660 Median : 8.680 Median : 8.700   
## Mean : 8.755 Mean : 8.766 Mean : 8.775 Mean : 8.783   
## 3rd Qu.: 9.240 3rd Qu.: 9.250 3rd Qu.: 9.260 3rd Qu.: 9.270   
## Max. :14.580 Max. :14.510 Max. :14.450 Max. :14.390   
## years\_25 years\_26 years\_27 years\_28   
## Min. : 6.680 Min. : 6.690 Min. : 6.690 Min. : 6.700   
## 1st Qu.: 8.033 1st Qu.: 8.043 1st Qu.: 8.053 1st Qu.: 8.060   
## Median : 8.720 Median : 8.740 Median : 8.750 Median : 8.770   
## Mean : 8.791 Mean : 8.798 Mean : 8.805 Mean : 8.811   
## 3rd Qu.: 9.280 3rd Qu.: 9.280 3rd Qu.: 9.280 3rd Qu.: 9.290   
## Max. :14.340 Max. :14.290 Max. :14.240 Max. :14.190   
## years\_29 years\_30   
## Min. : 6.700 Min. : 6.710   
## 1st Qu.: 8.060 1st Qu.: 8.060   
## Median : 8.780 Median : 8.790   
## Mean : 8.817 Mean : 8.822   
## 3rd Qu.: 9.300 3rd Qu.: 9.300   
## Max. :14.150 Max. :14.110

### Литература

Forecasting the term structure of government bond yields //. -- 2006. -- February 2006. -- T. 130, № 2. -- C. 337–364.

Кривая бескупоннои доходности на рынке ГКО-ОФЗ. -- 2016. -- URL: <http://www.cbr.ru/gcurve/gko_yieldcurve_rcb_3_2006.pdf>.

Методика расчета в режиме реального времени - Mthodics.pdf. -- 2016. -- URL: <http://www.cbr.ru/gcurve/Mthodics.pdf>.

Срочная структура процентных ставок | Банк России. -- 2016. -- URL: <http://www.cbr.ru/gcurve/GDB.asp>.